

التاريخ : ٢٠١٦/١/٣٠ المدة : ١٢٠ دقيقة الإستاذة : نادين عياش	امتحان: الفصل الاول المادة: رياضيات الصف: علوم حياة قرنسي	ثانوية ميفدون الرسمية المحافظة: النبطية القضاء: النبطية رقمها حسب مركز البحوث ١٤٤٢
---	---	---

I- (2points)

Dans le tableau suivant, une seule des réponses proposées à chaque question est correcte. Ecrire le numéro de chaque question et donner, avec justification, la réponse qui lui correspond.

N°	Questions	Réponses		
		a	b	c
1	$f(x) = 2 - \sqrt{x}$ et $g(x) = \frac{1}{x}$ le domaine de la fonction $g \circ f$ est	$\mathbb{R} - \{2\}$	$[0; 4[\cup]4; +\infty[$	$]0; +\infty[$
2	$f(x) = x^2 + 1$, f^{-1} est la fonction réciproque de f définie sur $] -\infty; 0]$. La forme explicite de f^{-1} est	$f^{-1}(x) = \frac{1}{x^2+1}$	$f^{-1}(x) = \sqrt{x-1}$	$f^{-1}(x) = -\sqrt{x-1}$
3	$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n - \ln n - n + 1}{n^2 - 2n + 1}$	1	$+\infty$	$\frac{1}{-2}$

II-(5 points) le plan complexe est muni d'un repère orthonormé direct $(O; \vec{u}, \vec{v})$.

On désigne par A, M et M' les points d'affixes respectives $-i, z$ et z' tel que $z' = \frac{z+i}{1-i}$

- Ecrire z' sous formes exponentielle et algébrique lorsque $z = \sqrt{3}$.
 - Déduire la valeur exacte de $\cos \frac{5\pi}{12}$.
- Ecrire z' sous forme algébrique lorsque $z=x+iy$ où x et y sont des réels.
 - Déduire que si M se déplace sur la droite d'équation $y=x$, le point M' se déplace sur une droite parallèle à l'axe des ordonnées.
- Dans cette partie on pose $z = -i + 2e^{i\theta}$ où $\theta \in [0; 2\pi]$
 - Prouver que lorsque θ varie, le point M se déplace sur un cercle (C) de centre A et de rayon à déterminer.
 - Montrer que $OM' = \sqrt{2}AM$ et $(\vec{u}; \overrightarrow{OM'}) = \frac{\pi}{4} + \theta + 2k\pi$ où k est un nombre relatif
 - Sur quel ligne se déplace M' lorsque M décrit (C) .
 - Déterminer la valeur de θ lorsque z' est réel pur.

III- (8 points)

Partie A :

On considère la fonction g définie sur \mathbb{R} par $g(x) = x^3 - 3x - 4$.

- 1) Calculer $g'(x)$ et dresser le tableau des variations de g
- 2) Prouver que l'équation $f(x) = 0$ admet une solution unique $\alpha \in]2,18 ; 2,2[$.
- 3) Prouver que : $g(x) < 0$ pour $x < \alpha$.

Partie B :

On considère la fonction f définie sur $]-\infty; -1[\cup]-1; 1[\cup]1; +\infty[$ par $f(x) = \frac{x^3 + 2x^2}{x^2 - 1}$ et on désigne par (C) sa courbe représentative dans un repère orthonormé.

- 1) Déterminer les limites de la fonction f aux bornes ouvertes de son domaine de définition, et déduire une asymptote à (C).
 - 2) a) Démontrer que la droite (D) d'équation $y = x + 2$ est une asymptote à (C) en $\pm \infty$.
b) Etudier la position relative de (C) par rapport à (D).
 - 3) a) Démontrer que $f'(x) = \frac{xg(x)}{(x^2 - 1)^2}$ et dresser le tableau des variations de f .
g(x) = x^3 - 3x - 4
 - 4) Prendre $\alpha = 2.19$ et tracer (D) et (C).
 - 5) a) Démontrer que f admet une fonction réciproque f^{-1} sur $]-\infty; -1[$.
b) Déterminer le domaine de définition de f^{-1} .
c) Tracer (C') la courbe représentative de f^{-1} dans un même repère que (C).
d) Démontrer que l'équation $f^{-1}(x) = f(x)$ n'admet pas de solutions.
e) Ecrire une équation de la tangente (T) à (C') au point d'abscisse $x = 0$.
-